

				روش عناصر متناهی	فارسی	عنوان
					انگلیسی	درس
دروس	تعداد ساعت	تعداد واحد	نوع واحد			
آنالیز عددی پیشرفته و آنالیز حقیقی	۶۴	۲	جبرانی		اختیاری	الزامي
			عملی	نظری	عملی	نظری
نیاز به اجرای پروژه عملی: دارد				حل تمرین: حداقل ۲۴ ساعت		

هدف درس: روش عناصر متناهی یکی از روش‌های پایه‌ای و محبوب در حل معادلات دیفرانسیل مقدار مرزی است که در آن از یک طرف داشجو برای اولین بار با مفهوم جواب فرم ضعیف (جواب توزیعی) آشنا می‌شود و از سوی دیگر نهوده کاربرد تقریب‌های چندجمله‌ای موضعی برای یافتن جواب این نوع معادلات را فرا می‌گیرد. ابزارهای ساده در آنالیز تابعی به صورت کاملاً ملموس در این درس استفاده می‌شوند و داشجو علاوه بر پیاده سازی عددی همگرایی جواب‌های حاصل شده را نیز بررسی می‌کند.

پیش‌نیازهای علمی لازم: داشجو پیش از اخذ این درس لازم است تا درس معادلات دیفرانسیل چنی دوره کارشناسی را گذراند، با مقدمات آنالیز تابعی آشنا باشد و تسلط کافی با یکی از نرم‌افزارهای ریاضی مانند Matlab و یا یکی از زبان‌های برنامه‌نویسی مانند Fortran یا C داشته باشد.

ریز مطالعه

آنالیز تابعی: فضاهای هیلبرت، قضیه نمایش ریس، معرفی مشتق ضعیف، فضاهای و نرم‌های سوبولف، نامساوی سوبولوف و یوانکاره (بدون اثبات).

فرم ضعیف مسائل مقدار مرزی: قضایای دیورزاں و گرین، مینیمم انرژی، انواع شرایط مرزی، نظریه وجود و یکتاپی فرم ضعیف، فرم‌های تغییراتی برای مسائل متقارن و نامتقارن، قضیه لکس سیلگرام، بررسی شرایط مرزی نویمان و مخلوط

روش گالرکین: قضیه تصویر، روش گالرکین برای یک مسئله تغییراتی

درونیابی چندجمله‌ای و تقریب‌های عناصر متناهی: مروری بر درونیابی به وسیله چندجمله‌ای‌ها در فضاهای یک و دو بعدی و کران خطای درونیابی قطعه‌ای خطی چندجمله‌ای‌های تکدای خطی، درجه دو و مکعبی روی بازه‌ها و مثلث، روش تسلی براي ساختن پایه‌های درجه بالاتر، انتگرالگیری عددی روی مثلث‌ها، اسپلیت کردن و تولید ماتریس سختی، عناصر مستطبی.

روش عناصر متناهی برای مسائل مقدار مرزی (یک و دو بعدی): فرمول‌بندی روش، آنالیز خطای پیشین در نرم انرژی (قضیه Cea) و نرم L^2 . آنالیز خطای پیشین در نرم انرژی. تعریف عملگرهای تصویر L^2 و تصویر ریتز و کران خطای آنها

روش‌های CG(1) و DG(0) برای حل مسائل مقدار اولیه: فرمول‌بندی روش‌ها و آنالیز خطای پیشین و پیشین

روش عناصر متناهی برای معادلات سهمی: نیم‌گسته‌سازی معادله گرما نسبت به متغیر مکان با روش عناصر متناهی، آنالیز پایداری و آنالیز خطای پیشین. گسته‌سازی کامل معادله گرما با ترکیب با گسته‌سازی زمانی به وسیله روشی تفاضل متناهی و آنالیز خطای پیشین آن.

روش عناصر متناهی برای معادلات هذلولوی: نیم‌گسته‌سازی معادله موج نسبت به متغیر مکان با روش عناصر متناهی، آنالیز پایداری و قانون بقای انرژی و آنالیز خطای پیشین. گسته‌سازی کامل معادله موج با ترکیب با گسته‌سازی زمانی به وسیله روشی تفاضل متناهی و آنالیز خطای پیشین آن.



مراجع پیشنهادی

1. G. Strang, G.J. Fix (1973). **An Analysis of the Finite Element Method**, Prentic-Hall.
2. P. G. Ciarlet (1978). **The Finite Element Method for Elliptic Problems**, North-Holland.
3. J. N. Reddy (1993). **An Introduction to the Finite Element Method**, McGraw-Hill, Inc. 2nd edition.
4. M. S. Gockenbach (2006). **Understanding and Implementing the Finite Element Method**, SIAM.
5. D. Braess (2007). **Finite Elements, Theory, Fast Solvers, and Applications in Elasticity Theory**, Cambridge University Press, 3rd. Ed.
6. S. C. Brenner, L. R. Scott (2008). **The Mathematical Theory of Finite Element Methods**, Springer, 3rd. Ed.

